

### INSTRUCCIONES

1. La tarea consta de cuestiones, que se responden sobre la hoja de codificación proporcionada.
2. Para escoger una respuesta, basta efectuar una marca **rellenando debidamente el rectángulo sobre el que está la letra escogida** en la hoja de codificación. Piénsalo antes; aunque puedes borrar si escribes con lápiz (número 2 o similar), marcas que no estén perfectamente borradas pueden ser leídas. Te aconsejamos que señales sobre el formulario de examen las respuestas que te parezcan adecuadas, y emplees los últimos cinco minutos del tiempo asignado en transcribirlas a la hoja de codificación.
3. Hay siempre, en las preguntas de elección múltiple, una **única** respuesta correcta. Todas las cuestiones correctamente resueltas valen 1 punto mientras que las fallidas no suponen penalización. Las preguntas no contestadas no suponen penalización.
4. El formulario de examen tiene tres hojas numeradas correlativamente al pie (del 0.1 al 0.3). Cerciórate de recibirlas todas, y reclama si tu formulario fuera incompleto. Hay distintos tipos de tarea. Esta es del tipo 0; marca un 0 en la columna I de tu hoja de codificación.
5. Los puntos obtenibles en cuestiones son 11. Son precisos 8 para superar la tarea.
6. Rellena tus datos en la hoja de codificación.

Ejemplo:

12545

PEREZ, Ernesto

Tarea tipo 0

Convocatorias

**CUESTIONES (Duración: 40 minutos)**

1. La capital de España es:

- (A) París      (B) Sebastopol      (C) Madrid      (D) Londres      (E) Pekín

**El siguiente enunciado se refiere a las cuestiones 2 a 5.**

Sea  $X$  una v.a. con función de densidad

$$f(x, \theta) = \begin{cases} \frac{1}{24\theta^5} x^4 e^{-x/\theta} & \text{para } x \geq 0, \theta > 0; \\ 0 & \text{en otro caso,} \end{cases}$$

y cuya media es  $m = 5\theta$  y cuya varianza es  $\sigma^2 = 5\theta^2$ .

Se desea estimar el parámetro  $\theta$  y para ello se toma una m.a.s. de tamaño  $n$ ,  $X_1, X_2, \dots, X_n$ .

2. El estimador por el método de los momentos,  $\hat{\theta}_{MM}$ , de  $\theta$  será:

- (A)  $\bar{X}$       (B)  $\frac{\bar{X}}{5}$       (C)  $\frac{\bar{X}}{n}$       (D)  $\frac{\bar{X}}{5n}$       (E)  $5\bar{X}$

3. El estimador máximo verosímil,  $\hat{\theta}_{MV}$ , de  $\theta$  será:

- (A)  $5\bar{X}$       (B)  $\frac{\bar{X}}{5}$       (C)  $\bar{X}$       (D)  $\frac{\bar{X}}{5n}$       (E)  $\frac{\bar{X}}{n}$

4. ¿Es el estimador máximo verosímil,  $\hat{\theta}_{MV}$ , insesgado?

- (A) Sí      (B) No se puede saber      (C) -      (D) -      (E) No

5. ¿Es el estimador máximo verosímil,  $\hat{\theta}_{MV}$ , consistente?

- (A) No      (B) No se puede saber      (C) Sí      (D) -      (E) -

**Las cuestiones 6 y 7 hacen referencia al siguiente enunciado:**

Sea  $X$  una v.a. con la siguiente función de cuantía:  $P(X = 0) = 2\theta$ ,  $P(X = 1) = 3\theta$ ,  $P(X = 2) = 1 - 5\theta$ .  
Para estimar el parámetro  $\theta$  se ha tomado una m.a.s. que ha dado los siguientes resultados: 0, 0, 1, 2.

6. Una estimación de  $\theta$  por el método de los momentos es:

- (A)  $\frac{15}{28}$       (B)  $\frac{9}{20}$       (C)  $\frac{17}{20}$       (D)  $\frac{5}{28}$       (E)  $\frac{3}{20}$

7. Una estimación de  $\theta$  por el método de máxima verosimilitud es:

- (A)  $\frac{3}{20}$       (B)  $\frac{9}{20}$       (C)  $\frac{15}{28}$       (D)  $\frac{5}{28}$       (E)  $\frac{17}{20}$

**Las cuestiones 8 a 10 hacen referencia al siguiente enunciado:**

Sea  $X$  una v.a. con función de cuantía:

$$P(x, \theta) = \frac{1}{x!} e^{-\theta} \theta^x, \quad x = 0, 1, 2, \dots \quad \theta > 0$$

Se quiere contrastar la hipótesis nula  $H_0 : \theta = 1$  frente a la alternativa  $H_1 : \theta = 2$  a partir de una m.a.s. de tamaño 1,  $X_1$ .

8. La forma de la región crítica de máxima potencia para  $X_1$  será de la forma:

- (A)  $[C, \infty)$       (B)  $[C_1, C_2]^C$       (C) Todo falso      (D)  $[C_1, C_2]$       (E)  $[0, C]$

9. Si se adopta como regla de decisión rechazar la hipótesis nula si  $X_1 \geq 3$ , el nivel de significación de la prueba es, aproximadamente:

- (A) 0.3233      (B) 0.080      (C) 0.019      (D) 0.049      (E) 0.1428

10. La potencia de la prueba es, aproximadamente:

- (A) 0.3233      (B) 0.941      (C) 0.677      (D) 0.857      (E) 0.1428

11. Sea  $X$  una v.a. con distribución  $N(m, \sigma^2 = 4)$  de la que se toma una m.a.s. de tamaño 16 que proporciona  $\bar{x} = 50$ . Un intervalo de confianza 95% para  $m$  es:

- (A) (49.76; 50.25)      (B) (48.04; 51.96)      (C) (49.02; 50.98)  
(D) (49.51; 50.49)      (E) (49.18; 50.82)