

Análisis Avanzado de Series Temporales  
Curso de Macroeconometría  
Doctorado en Economía (UPV-EHU)

*Josu Arteche*

2006-2007  
(15 horas)

## 1. Series Temporales y el Dominio de la Frecuencia

- 1.1 Ciclos
- 1.2 Funciones de Distribución y Densidad Espectral
  - 1.2.1 Ejemplos
  - 1.2.3 La descomposición de Wald
- 1.3 Representación espectral de procesos estacionarios
- 1.4 Procesos ARMA
  - 1.4.1 Procesos MA
  - 1.4.2 Procesos AR
- 1.5 Filtros lineales

## 2. El análisis de Fourier

- 2.1 Representación de Fourier
- 2.2 La transformada discreta de Fourier (DFT)
  - 2.2.1 Propiedades de la DFT
- 2.3 El periodograma
  - 2.3.1 Periodograma de un ruido blanco
  - 2.3.2 Periodograma de ciclos deterministas

- 2.4 Estimación de la función de densidad espectral
- 2.5 Preblanqueado y recoloreado
- 2.6 Estimación de la Función de Distribución Espectral
- 2.7 Relación entre series temporales
  - 2.7.1 La función de densidad espectral cruzada
  - 2.7.2 El periodograma cruzado

### **3. Estimación en el dominio de la frecuencia**

- 3.1 Máxima verosimilitud
  - 3.1.1 El método de scoring
  - 3.1.2 Estimación de Whittle
  - 3.1.3 Tapering
- 3.2 Regresión en el Dominio de la Frecuencia
  - 3.2.1 Mínimos Cuadrados
  - 3.2.2 Máxima verosimilitud

### **4. Memoria Larga en Series Temporales**

- 4.1 Propiedades básicas de series con memoria larga
- 4.2 Modelos de memoria larga
  - 4.2.1 ARIMA fraccionales
  - 4.2.2 El modelo Exponencial Fraccional de Bloomfield
  - 4.2.3 Ruido Fraccional Gaussiano
- 4.3 Estimacion paramétrica de modelos de memoria larga
  - 4.3.1 Estimación en el dominio del tiempo
  - 4.3.2 Estimación en el dominio de la frecuencia
- 4.4 Estimacion semiparamétrica del parámetro de memoria
  - 4.4.1 Estimación en el dominio del tiempo
  - 4.4.2 Estimación en el dominio de la frecuencia
  - 4.4.3 Otros métodos de estimación

- 4.5 Memoria larga en volatilidad
- 4.6 Caso empírico: Inflación mensual española
- 4.7 Extensiones

## 5. Modelos para la volatilidad en series financieras

- 5.1 Características estadísticas de las series financieras
- 5.2 Modelos ARCH y extensiones
- 5.3 Modelos de volatilidad estocástica
- 5.4 Caso empírico: Volatilidad del Ibex35

## Referencias

### Bibliografía básica:

- [1] Harvey, A.C. (1993) *Time Series Models*. Caps. 6 y 7. Harvester Wheatsheaf.
- [2] Priestley, M.B. (1992) *Spectral Analysis and Time Series*. Academic Press LTD.
- [3] Brockwell, P.J. and Davis, R.A. (1991) *Time Series: Theory and Methods*. Springer-Verlag New York, Inc.
- [4] Beran, J. (1994) *Statistics for Long-Memory Processes*. Chapman & Hall.
- [5] Bollerslev, T., Engle, R.F. and Nelson, D.B. (1994). ARCH Models. *Handbook of Econometrics*, Vol. IV, Engle R.F and McFadden D.L., eds., 2959-3038.

### Bibliografía complementaria:

- [6] Arteche, J. (2002) Semiparametric robust tests on seasonal or cyclical long memory time series. *Journal Of Time Series Analysis* 23, 251-286.
- [7] Arteche, J. (2004) Gaussian semiparametric estimation in Long Memory in Stochastic Volatility and signal plus noise models. *Journal of Econometrics* 119, 131-154.
- [8] Bera, J. and M. Higgins (1993). A survey of ARCH model properties, estimation and testing. *Journal of Economic Surveys* 7, 305-366.
- [9] Bloomfield, P. (1976) *Fourier Analysis of Time Series*. John Wiley & Sons, Inc.
- [10] Breidt, F.J., Crato, N., and de Lima, P. (1998) The Detection and Estimation of Long Memory in Stochastic Volatility. *Journal of Econometrics*, 83, 325-348.

- [11] Brillinger, D.R. (2001) *Time Series: Data Analysis and Theory*. SIAM.
- [12] Dahlhauss, R. (1989) Efficient parameter estimation for self-similar processes. *The Annals of Statistics* 17, 1749-1766.
- [13] Delgado, M.A. and Robinson. P.M. (1994) New methods for the analysis of long-memory time series: application to Spanish inflation. *Journal of Forecasting* 13, 97-107.
- [14] Deo, R.S. and Hurvich, C.M. (2001) On the log periodogram regression estimator of the memory parameter in long memory stochastic volatility models. *Econometric Theory* 17, 686-710.
- [15] Ding, Z., and Granger, C.W.J. (1996) Modeling Volatility Persistence of Speculative Returns: A New Approach. *Journal of Econometrics*, 73, 185-215.
- [16] Engle, R.F. (1995). *ARCH Selected Readings*. Oxford University Press.
- [17] Geweke, J. and Porter-Hudak, S. (1983) The estimation and application of long memory time series models. *Journal of Time Series Analysis* 4, 221-237.
- [18] Gouriéroux,C. (1997). *ARCH Models and Financial Applications*. Springer Verlag, New York.
- [19] Gouriéroux, C. and Jasiak, J. (2001). *Financial Econometrics. Problems, Models and Methods*. Princeton University Press.
- [20] Granger, C.W.J. (1966) The typical spectral shape of an economic variable. *Econometrica*, 34, 150-161.
- [21] Hamilton, J.D. (1994) *Time Series Analysis*. Princeton University Press.
- [22] Harvey, A.C. (1998) Long memory in stochastic volatility, in: Knight, J. and S. Satchell, eds., *Forecasting Volatility in Financial Markets*. Oxford: Butterworth-Haineman, 307-320.
- [23] Hosoya, Y. (1996) The quasi-likelihood approach to statistical inference on multiple time-series with long-range dependence. *Journal of Econometrics* 73, 217-236.
- [24] Koopmans, L.H. (1974) *The Spectral Analysis of Time series*. Academic Press, Inc.
- [25] Ooms, M. y Hassler, U. (1997) On the effect of seasonal adjustment on the log-periodogram regression. *Economic Letters* 56, 135-141.
- [26] Robinson, P.M. (1994) *Further Time Series*. Notas de un curso de la London School of Economics.
- [27] Robinson, P.M. (1995a) Log-periodogram regression of time series with long-range dependence. *The Annals of Statistics* 23, 1048-1072.

- [28] Robinson, P.M. (1995b) Gaussian semiparametric estimation of long-range dependence. *The Annals of Statistics* 23, 1630-1661.
- [29] Whittle, P. (1953). Estimation and information in stationary time series. *Ark. Mat.* 2, 423-434.
- [30] Yajima, Y. (1985) On estimation of long-memory time series models. *Australian Journal of Statistics* 27, 303-320.